【工学】

研究論文

部分構造を対象とした制振材の適正配置に関する構造最適化

黒田 勝彦*1

Structural Optimization of Proper Arrangement of Damping Material

for a Partial Structure

KURODA Katsuhiko

Summary

A structural optimization method of subsystems to realize desired SEA parameters was proposed by the authors in the past studies. This method is based on a combination of SEA and FEM calculation, calculating repeatedly until satisfying the value of objective functions under arbitrary constraints. As a result of applying the proposed method to a simple structure consisting of two flat plates connected in an L shaped configuration, the design variable is taken as the thickness of the FEM element, a subsystem structure with the desired value of the CLF or power flow between subsystems for the one frequency band or multi frequency bands were constructed. However, it is difficult to apply the optimal results to real machine structure because of setting the thickness of the FEM element as the design variable. In this paper, the method is also validated through numerical analyses, using a finite element method, of a multiple plates partially composed of L shaped, after the sensitivity analysis for the sound energy of the evaluation point due to the fluctuation of loss factors, the subsystem is grouped into a plural elements for the extracted L shaped part, and the each grouped element is set as a design variable, which should take a discrete value, the total mass is taken as a constraint function in order to maximize CLF32 at one frequency band. As a result of optimization, the sound pressure level was reduced by maximizing the value of CLF32 in the target frequency band. Finally, a comparison with a conventional FRF based optimization was shown.

Keywords: (Statistical Energy Analysis, FEM, Shape Design, Vibration of Continuous System, Forced Vibration)

1. はじめに

現在自動車産業において,燃費規制が厳しくなり燃費 向上のため車体の軽量化が要求され,高剛性の薄い鋼板 が部分的に使用されることで複雑な構造形態となり,高 周波数までの振動騒音解析が求められている.また,駆動にモータを用する EV, HV や PHV の車では内燃機関の車に対して常時比較的静かであることが要求され,振動騒音解析の技術者にとって可聴周波数域までの振動騒

音対策が不可欠となっている.自動車や機械構造物の低 振動・低騒音を実現するために,従来の固有振動数や周 波数応答関数(以下 FRF)を目的関数とした最適化手法 に対して,著者らによって多モード系に対する振動音響 解析手法である統計的エネルギー解析法(Statistical Energy Analysis;以下 SEA)⁽¹⁾を用いた構造要素間のエネ ルギー流れに着目し,結合損失率(Coupling Loss Factor; 以下 CLF)を目的関数とした構造適正化が提案された⁽²⁾. 構造適正化法は,具体的な構造検討が可能な FEM モデル を用いて SEA サブシステムの各 FEM 要素の板厚を設計 変数として繰り返し計算により要素の板厚が決定され SEA 要素形状が具体化される.しかし現在の量産加工技 術では,部分的に板厚を変更する構造適正結果を具体化 することはきわめて困難であり,何かしらの改善策が望 まれている.

そこで、著者によって平板を対象に平板を任意の数の グループに分け、そのグループ分けした要素を設計変数 として 2 値(オリジナルと制振材)から選択できるよう な最適化方法が考案され、一枚平板、L型平板と L型平 板を拡張した構造を対象に質量を制約条件として、それ ぞれ単一の周波数帯域の振動エネルギー⁽³⁾または振動パ ワー⁽⁴⁾、結合損失率^{(5),(6)}の最小化を目指し構造最適化を行 い、その解析結果を実験的に検証し提案手法の有効性が 検証された.

以上の背景の下,本報では複数の鋼製平板で構成され る構造物を対象に実稼動時の音圧評価の後,評価点の音 圧エネルギーに対する SEA パラメータの感度解析を実施 し,構造変更の可能な部分構造を対象に上述した論文 ^{(5),(0)}から設計変数を 2 値とする最適化方法により,質量 を制約条件として音圧の高い周波数帯域に対して単一の 周波数帯域の結合損失率を目的関数とした構造最適化を 行い,その解析結果をもとに元の構造へ反映し最適化前 後の音圧結果を比較する.また,従来法の FRF をベース とする最適化との比較を実施し,本手法の妥当性を検証 する.

2. SEA 基礎理論

2.1 SEA 基礎式 SEA は,対象系 (system)を要素 (subsystem)の集合体とみなし,要素間のパワー平衡に 着目する. *r* 要素からなる系の SEA 基礎式は,次式で表 される⁽¹⁾.

$$\mathbf{P} = \omega \mathbf{L} \mathbf{E}$$
(1)
$$\mathbf{L} = \begin{pmatrix} \eta_{1,1} + \sum_{i\neq 1}^{r} \eta_{1,i} & -\eta_{2,1} & \cdots & -\eta_{r,1} \\ -\eta_{1,2} & \eta_{2,2} + \sum_{i\neq 2}^{r} \eta_{2,i} & \cdots & -\eta_{r,2} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \\ -\eta_{1,r} & -\eta_{2,r} & \eta_{r,r} + \sum_{i\neq r}^{r} \eta_{r,i} \end{pmatrix}$$
(2)

ここで、 ω は中心角振動数, E は要素エネルギーベクト ル, P は入力パワーベクトルである.損失率マトリクス L は、内部損失率 $\eta_{i,i}$ (Internal Loss Factor;以下 ILF)と結 合損失率 $\eta_{i,i}$ (Coupling Loss Factor;以下 CLF)を成分とす る. ILF と CLF を評価し、損失率マトリクス L を生成す ることを SEA モデルの構築と称す.

2.2 FEM ベースの SEA サブシステムの構造最適化 著 者らによれば, SEA 要素形状の詳細検討を目的として構 造最適化を組み込んだ構造適正化手法が提案されている ⁽²⁾. SEA パラメータには,入力パワー,要素エネルギー, 内部損失率,結合損失率,パワーフロー等がある.本報 では次章で詳細を示すが SEA サブシステムの構造最適化 について,2 要素系の SEA パラメータで要素間のエネル ギー流れを示す指標の一つである CLF を検討対象とし, CLF が負の値となることを避けられる Lalor が提案した 以下で示す近似的パワー注入法 (Approximated Power Injection Method:以下 APIM)⁽⁷⁾に基づき算出する.

$$\eta_{i,j} = \frac{E_j^i / P_i}{\omega E_i^i / P_i \times E_j^j / P_j}$$
(3a)

$$\eta_{i,i} = \frac{1 - \omega \sum_{j \neq i}^{n} \left(\eta_{i,j} E_i^i / P_i - \eta_{j,i} E_j^i / P_i \right)}{\omega E_i^i / P_i}$$
(3b)

ここで, *E*^{*j*} は要素 *i* 加振時の要素 *j* の要素エネルギー, *Pi*は要素 *i* 加振時の入力パワーである.

CLF を算出するにあたり,SEA 要素における入力パワ ーと要素エネルギーを求める必要があり,加振方法には Rain-on-the-roof 加振(以下 rof 加振)が推奨されている. しかし,高周波数域の解析になると、メッシュが細かく なり加振点数や応答点数が増え,解析に時間がかかるた め、より短時間で効率的に結果を得ることが求められて いる.そこで、本報では著者が推奨する rof 加振に代替し 加振点数が少ないため短時間で解が得られる基礎励振の 一種であるラージマス解析により加振を行う⁽⁸⁾. 2.3 SEA パラメータ最適化問題の定式化 FEM 要素 形状を決定する最適化問題の定式化は、従来から検討さ れてきた構造形状の最適化問題と同様に扱う.本研究で の目的関数は CLF であり、それらを最大にする場合を例 に定式化を行う.

設計領域 *D* において,制約関数 *g*({*x_j*})の制約のもと, 周波数帯域 *i* における目的関数 *CLF_i*({*x_j*})を最大化する場 合,以下のようになる.

$$Maximize\sum_{i} \left(CLF_i\left(\left\{ x_j \right\} \right) \right) \tag{4a}$$

Subject to
$$g({x_j}) - g_{\max} \le 0$$
 (4b)

$$\left\{x_{j}\right\}^{L} \leq \left\{x_{j}\right\} \leq \left\{x_{j}\right\}^{U} (j = 1, \cdots, n)$$

$$(4c)$$

ここで、x_jは設計変数である損失率を示し、g_{max}は制約
 関数g({x_j})の上限値である.

3.4要素の鋼製平板での検討

3.1 対象構造物と問題設定 図1に示す厚さ 0.0016 m の4要素からなる鋼製平板を対象とし、4要素の境界は 自由支持である.図1の構造周辺の空間は、汎用有限要 素音響解析ソフトウェア Actran 2020.sp1 による放射音響 メッシュであり、音圧評価点である●は、要素 4 の中央 部から高さ 0.3 m の位置である.汎用有限要素解析ソフ トウェア ANSYS Ver.16.1 (要素タイプは弾性シェル要素 shell 181) を用いて要素1の節点位置×(幅 0.04 m, 高さ 0.04 m) へ面外方向で単位入力の点加振を行い, Actran により無限境界を設定し音響解析(空気音速 340 m/s,空 気密度 1.225 kg/m³) した 1/3 オクターブ帯域の放射音圧 レベルの結果を図 2 に示す.図 2 より, 200 Hz 帯域で 83.6 dBを示している.対象とする部分構造は、図3で示 す SEA ソフトウェア VA-One 2016 の有限要素及び境界要 素モデルを用いて感度解析結果から検討を行った.構造 については有限要素モデルで図 3 の矢印位置の加振位置

(要素辺り 1 点の単位入力) とそれぞれの全要素の応答 節点,音については境界要素モデルで図 3 の音の応答位 置に BEM でモデル化した流体を設け,さらにその中に 1 Pa の monopole 入力を設け,構造 4 要素と音場 1 要素の APIM による SEA モデルを構築した後,式(1)の SEA 基 礎式から設計変数となる損失率 LF で微分し入力パワーの



Fig.1 Test-plate structure: points marked "×" is excitation point and "●" is sound pressure evaluation point.







Fig.3 SEA model including structural FEM and acoustic BEM using VA-One for sensitivity analysis, "arrow" is excitation point and "hat" is sound pressure evaluation point, blue line is connection between structural subsystem and BEM fluid.

変動をゼロとした以下の式より音響エネルギー感度を算出した.その後,音響エネルギーの変動量は損失率*LF*の元の値 η_{ij} に 0.1 倍した 0.1 η_{ij} として計算した. 200 Hz 周波数帯域における結果の一例を図4に示す.

$$\frac{\partial \mathbf{E}}{\partial LF} = -\mathbf{L}^{-1} \frac{\partial \mathbf{L}}{\partial LF} \mathbf{E}$$
(5)



Fig.4 Sensitivity results of sound energy at sound evaluation location due to the fluctuation of coupling loss factors at 200Hz in the one third octave band.



Fig.5 Target-plate structure for optimization: points marked "2" are rigid-body points for large-mass method.

図 4 の縦軸は評価点の音エネルギーの変動量で、横軸は 設計変数の結合損失率である.本報では、加振要素であ る要素1と音圧評価点の真下の要素である要素4を除き, 要素 2 と 3 を部分構造の対象とした. また図 4 より, CLF23 と CLF32 のエネルギー変動量結果を比較すると, CLF23 よりも CLF32 のほうが変動量は大きく, 要素 3 か ら2 へのエネルギー伝達を増やすことによる放射音圧の 低減に有効であると考えられ、CLF32 を目的関数にその 値を元の値よりも増加させることを試みる. 最適計算に おいてオリジナル板とオリジナル板に市販の制振材(イ ノアック製カームフレックス,ブチルゴム 0.002 m) 貼付 の2値を選択する際の基準となる構造物の材質特性を決 めることとした. そこで,図3の要素3の平板の単体を 対象にオリジナル板と制振材を全面に貼付した FRF の実 験結果(実験はインパクトハンマーによる図 3 の矢印位 置の点加振で加振点応答,境界は自由支持)と計測した 質量を比較することにより、オリジナル板と制振材の ILF 0.1 %と5 %及び密度 7542 kg/m³と 9651 kg/m³ (オリ

ジナル板と制振材による等価密度)をそれぞれ決定した. ただし、ILF は図 5 の部分構造に示す分割数(要素 2 は 30, 要素 3 は 18) に従い、制振材の貼付する数に応じて (プログラム上では質量で条件分岐) 0.1 %から5 %をそ れぞれ 31 と 19 段階の比例関係とした. なお、制振材の 数と位置による ILF への影響を含む ILF 値の設定を比例 関係とした妥当性については、今後の検討課題とする. 図 5 の部分構造の境界は単純支持とし、縦弾性係数 2.10×10¹¹ Pa とポアソン比 0.3 は、オリジナル板と制振材 貼付で事前の FEM と実験結果との比較より同値とした. 構造最適化には、CAE プロセスの自動化と統合化及び最 適化が可能な OPTIMUS10.18 を使用する. 要素サイズは, 1k Hzの曲げ波長に6節点が含まれるように0.02 m×0.02 m とすると、単純支持した両端部と結合部を除いて節点 数は 1178, 要素数は 1200 となる. ラージマス解析にお いては、図5よりラージマスの設置前後での固有振動数 の違いの小さい要素 2 の節点位置(幅 0.56 m, 高さ 0.46 m)と要素 3 の節点位置(幅 0.56 m, 高さ 0.26 m)から 剛体領域を介して鉛直方向に 0.3 m 離れた節点に平板の 質量に 10⁶ 倍掛けた質量をそれぞれ設け、振動加速度が 9.8 m/s² で平板の面外方向にそれぞれ加振する. 振動要素 エネルギーは、結合部を除く全ての節点の応答変位を 25 Hz から 1k Hz まで5 Hz 刻みで算出し CLF 計算に必要な 振動入力パワーと振動要素エネルギーの計算を行った後, 80 Hz から 800 Hz までの 1/3 オクターブ帯域周波数特性 を MATLAB で算出した. 最適計算においては, 図 5 に 示すように要素2と3をそれぞれ30エリアと18エリア にグループ分けし、加振エリアを除く 29 エリアと 17 エ リアで2値が選択できる設計変数とした.組み合わせは、 246=7.04×1013 通りとなり、この中から最適配置を求め る問題となるが次項で示すように時間的制約から最適化 アルゴリズムを用いて近似的に最適解を求めることとし た. 設計変数は、グループ分けした一辺 0.1 m の要素で オリジナル (縦弾性係数 2.10×10¹¹ Pa, 密度 7542 kg/m³, ポアソン比 0.3, ILF 0.1 %) と制振材(縦弾性係数 2.10×10¹¹ Pa, 密度 9651 kg/m³, ポアソン比 0.3, ILF 5%)の2値とした.制約条件は質量でオリジナル板では 3.62 kg と 2.17 kg であり、上限を7エリアと4エリアま での制振材付加とし、上限値は 3.86 kg と 2.31 kg である. 目的関数は、上述したように図 6 で示す 200 Hz 帯域の

CLF32 (7.80×10-4) とした.

3.1.1 結果の比較と考察 ラージマスを除くオリジナ ルの部分構造の FEM によるモード解析の結果,固有振動 数は約 20 Hz から見られ,200 Hz 帯域(178 Hz - 224 Hz)では表1に示すように16次から20次までの5個の モードが見られた.なお表1には,最適化後の固有振動 数の結果も示しておく.OPTIMUSのソフトウェア上では 最適化アルゴリズムが選択でき,本報では,一般的な非 線形計画問題に対して大域的最適化手法の一種である Self-Adaptive Evolution(以下 SAE)を用いた.また大域 性を向上させるため1回の実験で設計変数の5倍,すな わち230個の個体が生成される設定とした.なお繰り返 し回数は,30回とした.

図7に200 Hz 周波数帯域における最適化の過程で得ら れた反復数と最適化の目標である CLF32 の推移結果を示 す.図7には、各実験の中で最大値のみを示した.図8 に CLF32 のオリジナルと最適化結果の比較を示す.最適 化結果とは、30回の反復計算から最大値となる22回目 の反復で得られた結果であり、3.3節で示す従来法の最適 化で得られた結果であり、3.3節で示す従来法の最適 化で得られた結果も参考までに示しておく.また図9に 最適化結果の制振材貼付位置を示す.図9の結果より、 最適化結果の制振材貼付位置を示す.図9の結果より、 最適化結果の制振材貼付で質量は3.86kg、要素3の平板が1 %、要素3の平板が0.56%となった.

図 7 より反復 2 回目は大きく増加し、その後徐々に増加し飽和している.最適化結果は、オリジナルの値7.80×10⁻⁴ に対し 2.08×10⁻² に増加し、オリジナルの約2673 %の値となった.最適化結果がオリジナルの値と比較して増加した理由は、表 2 の入力パワーで正規化した要素エネルギー結果に示すように、要素 2 への制振材 7 箇所の貼付により要素 2 の減衰が増加した結果、式(3a)の分母にある要素 2 の正規化した要素エネルギーE²2がオリ

Table1 Comparison between the initial values and optimum values of natural frequencies for the partial model at 200 Hz in the

one third octave band (unit: HZ).					
Order	Original	OPTIMUS			
16	192.3	184.6			
17	198.3	194.9			
18	207.4	201.3			
19	215.6	207.9			
20	221.8	215.6			



Fig.6 Initial values of coupling loss factor 32.



Fig.7 Iteration history for the objective function CLF32 at 200 Hz band.



Fig.8 Comparison between the initial values and optimum values of the CLF32.



Fig.9 Test-plate structure: points marked "—" are structure modified location by SEA.

 E^{2}_{3}

1.61×10⁻¹

ジナルと比較し小さくなった影響が大きいためである. なお表2には、3.3節で示す従来法による結果も参考まで に示しておく.

表 1 の最適化前後の目的関数である周波数帯域に関係 する固有振動数の比較結果より,固有振動数の値はオリ ジナルと最適化で違いが見られるが,モード形状に大き な違いは見られなかった.

3.2 4 要素構造での音圧評価点の比較 前節で示した 最適結果を4 要素の全体構造へ反映させた対象に図1で 示す要素1の節点位置(幅0.04 m,高さ0.04 m)へ面外 方向で単位入力の点加振による要素4の中央部から高さ 0.3 mの●で示す放射音圧レベルの結果を比較する.4 要 素の境界は自由支持である.ANSYSで算出された振動結 果より,Actranを用いて評価点の音圧レベルを計算する.

3.2.1 結果の比較と考察 図 10 と表 3 に音圧レベル のオリジナルと最適化結果の比較を示す.なお図 10 と表 2 には、3.3 節で示す従来法による結果も参考までに示し ておく.図 10 と表 2 より音圧レベルの最適化結果は、対 象とする周波数帯域においてオリジナル 83.6 dB に対し 6.3 dB の低減が見られ、80 Hz から 800 Hz まで全周波数 帯域のオーバーオールではオリジナル 89.0 dB に対し 7.0 dB の低減が見られた.250 Hz と 400 Hz 帯域においては オリジナルの値と比較して悪化している.

3.3 従来手法との結果の比較による考察 これまでに 述べた部分構造の SEA パラメータを制振材の貼付により 最適化する手法と,従来手法の一例として加振点と評価 点音圧の FRF ベースの最適化を 4 要素構造物へ適用し, 両手法の比較により,本提案手法の有効性を検討する. 提案法と同様,構造最適化は OPTIMUS を使用し,構造 モデルには ANSYS を,音圧の応答結果には Actran を使 用した.対象構造は 3.2 節で示した自由支持の 4 要素構 造で,解析条件は,設計変数と制約関数は提案法と同じ で要素 2 と 3 のみに適用し,目的関数は 3.2 節で示した 音圧評価点位置である.なお,最適化アルゴリズムと繰 り返し回数も提案法と同じとした.

図 11 に 200 Hz 周波数帯域における最適化の過程で得 られた反復数と最適化の目標である評価点音圧レベルの 推移結果を示す.図 11 には、各実験の中で最小値のみを 示した.図 12 に最適化結果の制振材貼付位置を示す.な お最適化結果とは、30 回の反復計算から最小値となる 12

values of the normalized subsystem energies in the 200 Hz
band (unit: J/W).OriginalOpt_SEAOpt_FRF E^2_2 7.99×10^{-1} 6.85×10^{-2} 1.60×10^{-1}

1.12×10⁻¹

9.17×10⁻¹

Table2 Comparison between the initial values and optimum



Fig.10 Comparison between the initial values and optimum values of the sound pressure level.

Table3	Compari	son bet	ween tł	ne initia	l values	and op	ptimum
Va	alues of t	the sour	nd press	sure lev	el (unit:	dB).	

Hz	Original	Opt_SEA	Opt_FRF
80	71.2	59.4	67.0
100	73.2	67.7	71.4
125	54.8	49.4	59.3
160	81.8	72.5	70.7
200	83.6	77.3	62.6
250	52.5	58.6	62.2
315	69.5	65.6	70.2
400	57.6	59.0	55.8
500	78.0	71.2	69.9
630	75.1	72.5	71.6
800	84.4	76.3	75.3
Over all	89.0	82.0	80.2

回目の反復で得られた結果である. 図 13 に全要素の振動 エネルギーを総和した結果の比較を示す. 図 11 より反復 3 回目まで大きく減少し 4 回目で増加した後,徐々に減 少し 12 回目で 62.6 dB となり,その後飽和している. 図 12 より,最適化結果の制振材付加の数は,要素 2 の平板 が 3 箇所の制振材貼付で質量は 3.72 kg,要素 3 の平板が 4 箇所の制振材貼付で質量は 2.30 kg となり,ILF は要素 2 の平板が 0.33 %,要素 3 の平板が 0.83 %となり,SEA 結果と比較して評価点音圧に近い要素 3 へ多くの制振材 を張り付ける結果となった. 図 13 より全要素の振動エネ ルギーを総和した結果において,最適化した 200 Hz 帯域 までは,160 Hz を除いて図 10 の音圧結果と傾向は一致し



Fig.11 Iteration history for the objective function SPL at 200 Hz band.



Fig.12 Test-plate structure: points marked "—" are structure modified location by FRF.





ている. 250 Hz 以降の帯域での振動エネルギー結果と音 E結果との関係については、今後の検討課題とする. 図 8 の CLF32 の SEA と FRF 結果を比較すると、SEA 結果 の値が大きくなっており、所望の最適化は行えていると 考えられる. さらに図 10 と表 3 の結果より、従来法によ る最適化は目的関数の周波数帯域及びオーバーオールの 値も SEA による最適化に比較して良好であり、付加され る制振材の数も SEA の結果に比較して少ない. しかし、 125 Hz、250 Hz と 315 Hz 帯域においては、オリジナルの 値と比較し悪化している. よって従来の FRF ベースの最 適化は,所望の周波数帯域において目的関数を満たす有 効な最適方法であり,またオーバーオールの周波数にお いても悪化している周波数も見られるが,比較的良好で あると言える.

以上の結果より,従来手法の FRF ベースの最適化と SEA による提案法の結果は大きく異なっている.提案法 は,部分構造の CLF を目的関数として最適化しその結果 を基に音圧を評価したものであり,一方,従来法は振動 入力と音圧応答の FRF を目的関数として最適化している. よって,シンプルな構造で高周波数までの解析は必要と せず,振動や音圧を低減する周波数範囲も狭い対象であ れば,従来法による最適化が良好であると言える.一方, 全体構造を対象とするには難しい物理的に大きな構造, そして FE メッシュが細かくなる複雑な構造や高周波数 まで検討する必要がある場合において,提案方法は有効 であると言える.

4. おわりに

本報は、複数の鋼製平板で構成される構造物を対象に実稼動 時の音圧評価の後、評価点の音圧エネルギーに対する SEA パ ラメータの感度解析から構造変更の可能な部分構造を対象にそ れぞれの平板を任意の数のグループに分け、そのグループ分け した要素を設計変数として2値(オリジナルと制振材)から選 択できるような最適化方法を構成し、質量を制約条件として単 一の周波数帯域の結合損失率の最大化を目指し構造最適化を行 い、その解析結果をもとに元の構造へ反映し最適化前後の音圧 結果を比較したところ音圧低減が実施されており、提案した手 法の有効性が示せた.更に従来法の FRF 最適化結果と比較す ることにより、それぞれの手法の特徴が整理できた.

今後は、本手法の更なる有効性を検討するため、①制 振材の数と位置による ILF への影響を含む ILF 値の設定 に関する検討、②実験による結果の検証、③複数の周波 数帯域の目的関数を同時に最適化する検討、④数値解析 の高速化、⑤振動低減や音圧低減を目指した実機構造物 への展開、⑥音圧評価点への CLF を含めた部分構造によ る検討、が必要であると考えている.

謝辞

本研究の一部は,長崎総合科学大学重点プロジェクトからの助成を受けたものです.また本研究の

Actran_2020.sp1 による音響解析は、九州大学情報基盤研 究開発センターの研究用計算機システムを利用しました. ここに謝意を表します.

参考文献

- R. H. Lyon, Statistical Energy Analysis of Dynamical Systems: Theory and Application, MIT Press, (1975).
- (2) 黒田勝彦、山崎徹、鞍谷文保、所望のSEAパラメー タを実現する要素形状の適正化、日本機械学会論文 集C編, Vol. 79, No.799 (2013), pp.1012-1023.
- (3) 黒田勝彦,一枚平板を対象に振動エネルギー最小化 を目指した制振材の適正配置に関する研究,長崎総 合科学大学新技術創成研究所所報,第14号,(2019-8), pp.33-38.
- (4) 黒田勝彦,一枚平板を対象に振動パワー最小化を目指した制振材の適正配置に関する研究,日本設計工学会,DOI:10.14953/jjsde.2019.2875, pp.1-12 (2020).
- (5) 黒田勝彦, FEMベースのSEAを用いた減衰材の適正 配置の構造最適化に関する研究,日本機械学会第29
 回環境工学総合シンポジウム,J121.pdf(沖縄, 2019 -6).
- (6) 黒田勝彦,部分構造を対象に結合損失率を目的関数 とした制振材の適正配置に関する研究,長崎総合科 学大学紀要第60巻第1巻,(2020-6), pp.69-74.
- (7) D. A. Bies and S. Hamid, In situ determination of loss and coupling loss factors by the power injection method, Journal of Sound and Vibration, 70, (1980), pp. 187-204.
- (8) 黒田勝彦,並川修平,基礎励振による構造SEAモデル構築に関する研究,日本機械学会論文集,Vol. 85,No.879 (2019), pp.1-15.